

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

## چکیده

هدف از استفاده از کنترل تطبیقی<sup>۱</sup> آن است که کنترل کننده طراحی شده بدین روش، بتواند در مقابل تغییرات آرام در سیستم و همچنین خطاهای مدل سازی پاسخ مناسب بدهد. با روش کنترل تطبیقی می توان قوانین کنترلی را به گونه ای با تغییر شرایط تطبیق داد که سیستم پایدار شود. کنترل تطبیقی به دو روش مستقیم و غیر مستقیم تقسیم بندی می شود که امروزه اکثر مقالات بر روی کنترل تطبیقی مستقیم تمرکز دارد. الگوریتم های کنترل پیش بین بر اساس مدل فرضی فرایند و یک سناریوی فرضی برای سیگنال های کنترل آتی، استوار است. این روش دنباله ای از سیگنال های کنترل را نتیجه می دهد. فقط اولین سیگنال، بر فرایند اعمال می شود و با یک اندازه گیری جدید، دنباله تازه ای از سیگنال های کنترل به دست می آید. چنین نتیجه ای، کنترلگر با افق کاهنده<sup>۲</sup> نامیده می شود. انواع کنترل پیش بین مختلفی مانند پیش بین مدل<sup>۳</sup>، کنترل ماتریس دینامیکی<sup>۴</sup>، کنترل پیش بین تعمیم یافته<sup>۵</sup> و کنترل افق توسعه یافته<sup>۶</sup> وجود دارد. این روش به طور گسترده ای در کنترل فرایندهای شیمیایی به کار رفته است.

در این پایان نامه هدف طراحی یک کنترل کننده پیش بین روی سیستم حرارتی بویلر با قابلیت اشباع روی ورودی برای کنترل سطح آب و فشار بویلر است. ابتدا معادلات غیرخطی بویلر خطی سازی شده و با توجه به وجود محدودیت حل مسئله بهینه سازی انجام شده است. طبق شبیه سازی های انجام شده و محاسبات نرم مشخص شد در جایی که اشباع داریم سیگنال کنترل با دامنه کمتر تغییرات بیشتری می کند تا ردیابی شود و نرم خطا در حالت با اشباع بیشتر است و سرعت ردیابی بیشتری هم نیاز دارد که سبب می شود نرم سرعت خطا هم در حالت با اشباع بیشتر باشد.

کلمات کلیدی:

کنترل پیش بین تطبیقی، تاخیر زمانی، شناسایی فرایند، کنترل، اشباع ورودی، کنترل بهینه

---

<sup>1</sup> Adaptive Control

<sup>2</sup> Receding Horizon Controller

<sup>3</sup> Model Predictive Control

<sup>4</sup> Dynamic Matrix Control

<sup>5</sup> Generalized Predictive Control (GPC)

<sup>6</sup> Extended Horizon Control

## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
ب.....	چکیده
۱.....	<b>فصل اول: مقدمه</b>
۲.....	۱.۱ اهمیت و کاربردهای بویلر در صنعت
۴.....	۲.۱ اهمیت و مزایای کنترل پیش‌بین
۶.....	۱.۲.۱ راهکار کنترل پیش‌بین
۶.....	۲.۲.۱ مزایای کنترل پیش‌بین
۶.....	۳.۲.۱ روش‌های کنترل پیش‌بین
۶.....	۴.۲.۱ کاربردهای MPC در پژوهش و صنعت
۷.....	۳.۱ مروری بر فصل‌های پایان‌نامه
۸.....	<b>فصل دوم: انواع روش‌های کنترل پیش‌بین برای سیستم‌های حرارتی</b>
۹.....	۱.۲ انواع کنترل‌کننده پیش‌بین
۹.....	۱.۱.۲ DMC
۱۳.....	۲.۱.۲ MAC
۱۷.....	۳.۱.۲ PFC
۲۱.....	۴.۱.۲ EPSAC
۲۷.....	۵.۱.۳ EHAC
۳۱.....	۶.۱.۲ GPC
۴۰.....	۲.۲ مروری بر مقالات
۴۰.....	۱.۲.۲ کنترل یک plant چند ورودی - تک خروجی

۴۰	طراحی کنترل کننده MPC
۴۴	بازنمایی خطی از کنترل کننده MPC
۴۶	تولید کد MPC
۴۸	<b>فصل سوم: مدل سازی بویلر و طراحی mpc خطی</b>
۴۹	۱.۳ مقدمه
۴۹	۲.۳ مدل سازی بویلر
۶۱	۳.۳ حل مسئله بهینه سازی
۶۱	۱.۳.۳ تخمین حالت کنترل کننده
۶۱	۱.۱.۳.۳ مقادیر حالت کنترل کننده
۶۲	۲.۱.۳.۳ تخمین حالت
۶۷	۲.۳.۳ شبیه سازی بدون در نظر گرفتن قید اشباع
۷۰	۳.۳.۳ شبیه سازی با در نظر گرفتن قید اشباع
۷۵	<b>فصل چهارم: جمع بندی و نتیجه گیری</b>
۷۷	<b>منابع و مراجع</b>
۷۹	<b>پیوست ۱: کنترل پیش بین تطبیقی</b>
۱۳۲	<b>پیوست ۲: آشنایی با بویلر</b>

## فهرست جداول

### صفحه

جدول ۱.۲ اطلاعات G در آزمایش پاسخ ضربه [3]	۱۳
جدول ۱.۳ ضرایب عددی مدل خطی شده [26]	۵۵
جدول ۲.۳ محاسبات نرم	۷۳
جدول ۳.۳ محاسبات سرعت (s)	۷۴

## فهرست اشکال

### صفحه

شکل ۱.۲ پاسخ پله مدل با خطی سازی [1]	۱۰
شکل ۲.۲ پاسخ پله با روند تست داده [1]	۱۱
شکل ۳.۲ پیکربندی سیستم براساس DMC [1]	۱۱
شکل ۴.۲ DMC با مدل خطی شده [1]	۱۲
شکل ۵.۲ DMC با روند مدل تست داده [1]	۱۲
شکل ۶.۲ پاسخ دینامیکی راکتور هسته‌ای در طول بارگذاری پیشرفت فزاینده: ۱- مدل قدرت مرجع پیش‌بین: ۲- عملی قدرت [3]	۱۴
شکل ۷.۲ پاسخ دینامیکی راکتور هسته‌ای در طول بارگذاری پیشرفت کاهشنده [3]	۱۵
شکل ۸.۲ مقایسه الگوریتم MBPC-A1 با PID [4]	۱۶
شکل ۹.۲ کنترل PID [4]	۱۶
شکل ۱۰.۲ کنترل MBPC [4]	۱۷
شکل ۱۱.۲ نمودار کنترل تابعی پیش‌بینی سیستم احتراق بویلر [5]	۱۸

- شکل ۱۲.۲ منحنی شبیه‌سازی فشار بخار اصلی PFC و کنترل سنتی PID [5] ..... ۱۸
- شکل ۱۳.۲ منحنی شبیه‌سازی محتوای گاز سوخته اکسیژن از PFC و کنترل سنتی PID [5] ..... ۱۹
- شکل ۱۴.۲ منحنی شبیه‌سازی فشار کوره از PFC و کنترل سنتی PID [5] ..... ۱۹
- شکل ۱۵.۲ طرح همواری و یکنواختی سیستم کنترل بازخورد [6] ..... ۲۰
- شکل ۱۶.۲ منحنی خروجی پاسخ قبل از تغییر دادن پارامترها [6] ..... ۲۰
- شکل ۱۷.۲ منحنی خروجی پاسخ بعد از تغییر دادن پارامترها [6] ..... ۲۱
- شکل ۱۸.۲ بازنمایی شماتیکی از فرآیند [7] ..... ۲۲
- شکل ۱۹.۲ ورودی و خروجی طرح کلی [7] ..... ۲۲
- شکل ۲۰.۲ آزمایش پلکان بر طیف گسترده ای از سیستم [7] ..... ۲۳
- شکل ۲۱.۲ مشخصه استاتیک سیستم در محدوده عملکرد کامل [7] ..... ۲۳
- شکل ۲۲.۳ مدل خطی کنترل پیش‌بین (EPSAC) [7] ..... ۲۴
- شکل ۲۳.۲ NEPSAC برای دو پیاده‌سازی مختلف LG و NLG [7] ..... ۲۴
- شکل ۲۴.۲ تعداد تکرارهای لازم برای هر دو پیاده‌سازی LG و NLG [7] ..... ۲۵
- شکل ۲۵-۳. جزئیات مقایسه در دمای طراحی  $\bar{T} = 50^{\circ}C$  [7] ..... ۲۶
- شکل ۲۶.۳ جزئیات مقایسه در دمای طراحی  $\bar{T} = 40^{\circ}C$  [7] ..... ۲۶
- شکل ۲۷.۲ جزئیات مقایسه در دمای طراحی  $\bar{T} = 80^{\circ}C$  [7] ..... ۲۷
- شکل ۲۸.۲ نمودار ساده شده از سیستم تزریق ذغال سنگ [8] ..... ۲۸
- شکل ۲۹.۲ نمونه شبیه‌سازی شده پاسخ به تغییر در نقطه تعیین نرخ ذغال سنگ (کنترل‌کننده PI) [8] ..... ۲۹
- شکل ۳۰.۲ پاسخ به شبیه‌سازی شده به نقطه تعیین و تغییر بهره فرایند  $(x_8): A, PI, B$  و حداقل واریانس وزن; AEHC, C [8] ..... ۳۰
- شکل ۳۱.۲ کنترل میزان ذغال سنگ [8] ..... ۳۰
- شکل ۳۲.۲ الگوریتم AEHC در مرحله تنظیم [8] ..... ۳۱

- شکل ۳۳.۲ نتیجه شبیه‌سازی PID بدون اغتشاشات [9] ..... ۳۳
- شکل ۳۴.۲ نتیجه شبیه‌سازی PID با اغتشاشات [9] ..... ۳۳
- شکل ۳۵.۲ نتیجه شبیه‌سازی GPC بدون اغتشاشات [9] ..... ۳۴
- شکل ۳۶.۲ نتیجه شبیه‌سازی GPC با اغتشاشات [9] ..... ۳۴
- شکل ۳۷.۲ مدل پاسخ پله [10] ..... ۳۵
- شکل ۳۸.۲ دیاگرام شماتیک از Plant [10] ..... ۳۶
- شکل ۳۹.۲ خروجی مدل و خروجی دمای Plant [10] ..... ۳۶
- شکل ۴۰.۲ خروجی فرآیند در مرجع ردیابی گام به گام [10] ..... ۳۷
- شکل ۴۱.۲ سیستم تهویه مطبوع کامل [11] ..... ۳۸
- شکل ۴۲.۲ تنظیم درجه حرارت غیر اشباع با استفاده از GPC مبتنی بر OPDPLM [11] ..... ۳۹
- شکل ۴۳.۲ سیر تکاملی پارامتر از سیستم مدل [11] ..... ۳۹
- شکل ۴۴.۲ شکل‌ها به ترتیب از بالا به پایین: متغیر دستکاری شده، با اغتشاش، بدون اغتشاش ..... ۴۱
- شکل ۴۵.۳ خروجی plant ..... ۴۲
- شکل ۴۶.۲ نتایج شبیه‌سازی حلقه بسته ..... ۴۲
- شکل ۴۷.۲ نتایج شبیه‌سازی از ورودی و خروجی ..... ۴۳
- شکل ۴۸.۲ خط سیر بهینه پیش‌بینی شده ..... ۴۴
- شکل ۴۹.۲ MPC بدون محدودیت ..... ۴۵
- شکل ۵۰.۲ نمایش ورودی‌ها ..... ۴۵
- شکل ۵۱.۲ خروجی plant ..... ۴۶
- شکل ۵۲.۲ سیمولینک MPC ..... ۴۷
- شکل ۵۳.۲ شکل ورودی مدل MPC ..... ۴۷
- شکل ۵۴.۲ شکل خروجی مدل MPC ..... ۴۷
- شکل ۱.۳ ساختار شماتیک از درام بویلر [27] ..... ۵۴

- شکل ۲.۳: مسیر مرجع ..... ۶۰
- شکل ۳.۳ بلوک دیاگرام MPC ..... ۶۲
- شکل ۴.۳ رفتار سیگنال اغتشاش در طول زمان شبیه‌سازی ..... ۶۷
- شکل ۵.۳ پاسخ زمانی خروجی سیستم و ورودی مرجع ردیابی شده ..... ۶۸
- شکل ۶.۳ پاسخ زمانی سیگنال‌های کنترل ..... ۶۹
- شکل ۷.۳ پاسخ زمانی خطا ..... ۷۰
- شکل ۸.۳ پاسخ زمانی خروجی سیستم و ورودی مرجع ردیابی شده ..... ۷۱
- شکل ۹.۳ پاسخ زمانی سیگنال‌های کنترل ..... ۷۲
- شکل ۱۰.۳ پاسخ زمانی خطا ..... ۷۳



## فصل اول

مقدمه

## ۱.۱ اهمیت و کاربردهای بویلر در صنعت

دیگ بخار و بخار حاصل از آن، به دلایل گوناگون و در سیستم‌ها و صنایع مختلف مورد استفاده قرار گرفته و کاربرد بسیار زیادی دارد.

بخار تامین گرما، کنترل فشار، حرکت مکانیکی، تامین آب برای فرایندهای گوناگون را بر عهده دارد. بخار دارای مزیت‌های فراوانی می‌باشد که باعث شده یک انرژی قابل توزیع باشد. مثلاً غیر سمی بودن، قابلیت انتقال آسان، راندمان بالا، ظرفیت حرارتی بالا و قیمت پایین آن در مقایسه با سایر انرژی‌ها را می‌توان نام برد.

یکی از ساده‌ترین راه‌های انتقال حرارت استفاده از بخار آب است. آب به دلیل ظرفیت حرارتی بالا و همچنین ارزانی و در دسترس بودن به عنوان یک انتقال‌دهنده حرارت مورد استفاده قرار می‌گیرد.

بخار مقدار انرژی زیادی را در واحد وزن خود نگه می‌دارد. از آنجایی که اکثر حرارت بخار به صورت گرمای نهان می‌باشد مقادیر زیادی از حرارت می‌تواند با کارایی بالا در یک دمای ثابت انتقال یابد. بخار همچنین در برخی از موارد مستقیماً و در بسیاری فرایندها برای کنترل فشار و دما مورد استفاده قرار می‌گیرد. از دیگر کاربردهای مهم بخار ضد عفونی کردن و از بین بردن آلودگی‌هاست.

به صورت خلاصه از بخار جهت گرمایش، استریلیزه کردن، نیروی محرکه، شستشو و تمیز کردن، رطوبت‌زنی و ... می‌توان استفاده نمود.

برخی از مزایای استفاده از بخار به شرح زیر است:

- بخار به دلیل دارا بودن گرمای نهان تبخیر حامل انرژی زیادی بوده و در صورت تقطیر شدن می‌تواند حرارت زیادی از آن گرفت.
- به آسانی قابل توزیع و انتقال است.
- به دلیل وابستگی دما و فشار در سیستم‌های اشباع کنترل دمای بخار به آسانی توسط کنترل فشار بخار امکان‌پذیر است.
- بخار قابلیت اندازه‌گیری و مدیریت دارد.
- در گرمایش با بخار توزیع دمای یکنواختی در مقایسه با گرمایش توسط الکتریسیته به دست می‌آید.

- در سیستم‌های صنعتی بخار دارای کاربردهای فراوانی می‌باشد.
- راندمان دیگ‌های بخار بسیار بالاست.
- بخار در چیلرها، رطوبت زنی، گرمایش در انواع فرایندهای صنعتی، اواپراتورها، اتوکلاوها و دستگاه‌های استریل‌کننده و تهویه مطبوع و ... کاربرد دارد.
- بخار نسبت به انرژی الکتریکی ارزان‌تر تمام می‌شود.

برخی از محلهایی که از بخار به‌دلیل یکی از خواص و کاربردهای فوق استفاده کرد عبارت‌است از:

- نیروگاه‌های حرارتی
- صنایع غذایی
- صنایع داروسازی
- صنایع نفت و گاز و پتروشیمی
- تهویه مطبوع و گرمایش و سرمایش
- صنایع شیمیایی
- صنایع کاغذ سازی
- صنایع پلاستیک‌سازی
- صنایع قند و شکر
- صنایع نساجی
- صنایع چرم‌سازی
- صنایع لاستیک‌سازی
- سالن‌های رنگ
- عمل‌آوری بتن
- دامداری و مرغ‌داری‌ها

- ذوب مواد
- اتوکلاوها
- صنایع بسته‌بندی
- بیمارستان‌ها
- خشک‌شویی‌ها
- سونای بخار
- ...

## ۲.۱ اهمیت و مزایای کنترل پیش‌بین

کنترل پیش‌بین (MPC<sup>۱</sup>) نوعی کنترل پیشرفته فرایند است که از دهه ۱۹۸۰ در صنایع فرایند، صنایع شیمیایی و پالایشگاه‌های نفت به کار می‌رود. در سال‌های اخیر کنترل پیش‌بین در مدل‌های بالانس سیستم‌های قدرت نیز به کار رفته است. کنترل‌کننده‌های پیش‌بین مبتنی بر مدل‌های دینامیکی فرایند، عمدتاً مدل‌های خطی تجربی، است که با شناسایی سیستم به دست آمده‌اند. مهمترین مزیت MPC آن است که امکان بهینه‌سازی تایم اسلات جاری را با در نظر گرفتن تایم اسلات‌های آینده می‌دهد. این کار با بهینه‌سازی یک افق زمانی محدود اما اجرای آن تنها در تایم اسلات جاری انجام می‌گیرد. MPC توانایی پیش‌بینی رخداد‌های آینده و اتخاذ اعمال کنترلی متناسب با آن را دارد. کنترل‌کننده‌های PID<sup>۲</sup> و LQR<sup>۳</sup> توانایی پیش‌بینی را ندارند. MPC نوعی کنترل دیجیتال است.

مدل‌های به کار رفته در MPC معمولاً مدل‌هایی برای نشان دادن رفتار یک سیستم دینامیکی پیچیده هستند. الگوریتم کنترل پیش‌بین پیچیدگی سیستم را افزایش می‌دهد و برای کنترل سیستم‌های ساده که اغلب با کنترل‌کننده‌های PID به خوبی کنترل می‌شوند لازم نیست. از مشخصه‌های دینامیکی رایجی که برای کنترل‌کننده‌های PID مشکل هستند می‌توان از تأخیرهای زمانی طولانی و دینامیک‌های مرتبه بالا نام برد.

<sup>۱</sup> Model Predictive Control

<sup>۲</sup> Proportional Integral Drivative

<sup>۳</sup> Linear Quadratic Regulator

مدل‌های MPC تغییرات متغیرهای وابسته را که نتیجه تغییرات متغیرهای ناپسته هستند پیش‌بینی می‌کنند. در یک فرایند شیمیایی متغیرهای ناپسته‌ای که می‌توان با کنترل‌کننده تغییر داد اغلب یا نقاط تنظیم (set point) کنترل‌کننده‌های PID (فشار، فلو، دما...) هستند یا عنصر کنترلی نهایی (ولو، دمپر...). متغیرهای ناپسته‌ای که نمی‌توان با کنترل‌کننده تنظیم کرد به‌عنوان اغتشاش به‌کار می‌روند. متغیرهای وابسته در این فرایندها دیگر اندازه‌گیری‌هایی هستند که یا اهداف کنترلی را نشان می‌دهند یا محدودیت‌های کنترلی.

MPC با استفاده از اندازه‌گیری‌های فعلی از سیستم تحت کنترل، حالت دینامیکی فعلی فرایند، مدل‌های MPC و اهداف و محدودیت‌های متغیر فرایند، تغییرات آتی متغیرهای وابسته را محاسبه می‌کند. این تغییرات به‌گونه‌ای محاسبه می‌شوند که متغیرهای وابسته نزدیک به هدف بمانند و محدودیت‌ها روی متغیرهای ناپسته و وابسته رعایت شود. معمولاً MPC تنها اولین تغییر در هر متغیر ناپسته را برای اجرا می‌فرستد و محاسبه را برای تغییر بعدی تکرار می‌کند.

با وجود آنکه بسیاری از فرایندهای واقعی خطی نیستند اغلب می‌توان آنها را در بازه کوچکی خطی در نظر گرفت. روش‌های MPC خطی در بیشتر کاربردها با مکانیسم فیدبک به‌کار می‌روند که خطاهای پیش‌بینی ناشی از عدم تطبیق بین مدل و فرایند را جبران می‌کند. در کنترل‌کننده‌های پیش‌بین که تنها از مدل‌های خطی تشکیل می‌شوند اصل برهم نهی (جمع آثار) جبر خطی امکان می‌دهد اثر تغییرات متغیرهای ناپسته چندگانه برای پیش‌بینی پاسخ متغیر وابسته با هم جمع شوند. با این کار مسئله کنترلی به یک سری محاسبات جبری ماتریسی مستقیم ساده می‌شود که سریع و مقاوم هستند.

هنگامی که مدل‌های خطی به‌اندازه کافی برای نشان‌دادن غیرخطی بودن واقعی مدل دقیق نیستند از روش‌های گوناگونی می‌توان استفاده کرد. در برخی موارد می‌توان از تغییر متغیرهای فرایند پیش و یا پس از مدل خطی برای کاهش غیرخطی بودن استفاده کرد. فرایند را می‌توان با MPC غیرخطی که مستقیماً از مدل غیرخطی استفاده می‌کند کنترل کرد. مدل غیرخطی می‌تواند به‌شکل یک برازش منحنی تجربی (مانند شبکه‌های عصبی مصنوعی) یا یک مدل دینامیکی دقیق بر مبنای توازن بنیادی جرم و انرژی باشد. مدل غیرخطی را می‌توان برای به‌دست آوردن فیلتر کالمن و یا استفاده از آن در MPC خطی، خطی‌سازی کرد.

## ۱.۲.۱ راهکار کنترل پیش‌بین

- استفاده از یک مدل صریح از سیستم جهت پیش‌بینی خروجی آینده فرآیند
- کمینه کردن یک تابع هدف مربعی، جهت ایجاد سیگنال کنترل
- ادامه استراتژی و به دست آوردن سیگنال کنترل بهینه در هر لحظه

## ۲.۲.۱ مزایای کنترل پیش‌بین

- برخورد روشمند با قیود و در نظر گرفتن آنها در حین طراحی کنترل‌کننده
- ساده و قابل فهم بودن روش
- قابلیت تعمیم به حالت چند متغیره بدون تغییر زیاد
- قابل اعمال به دسته وسیعی از فرآیندها مانند سیستم‌های تاخیردار، غیرمینیمم فاز و ناپایدار
- تنظیم ساده پارامترها

## ۳.۲.۱ روش‌های کنترل پیش‌بین

الگوریتم‌های مختلف کنترل پیش‌بین تنها از نظر موارد زیر با یکدیگر تفاوت دارند:

- مدلی که جایگزین فرآیند مورد نظر شود.
- مدلی که جایگزین نویز گردد.
- تابع هزینه‌ای که باید کمینه گردد.

## ۴.۲.۱ کاربردهای MPC در پژوهش و صنعت

- توربین بادی و بخار
- اتوپیلوت
- رباتیک
- نورد فولاد (تاخیر)
- نفت و پتروشیمی
- تولید سیمان
- برج‌های تقطیر

## ۳.۱ مروری بر فصل‌های پایان‌نامه

در فصل دوم انواع روش‌های کنترل پیش‌بین برای سیستم‌های حرارتی به همراه مقالات توضیح داده شده است. هریک از روش‌های کنترل پیش‌بین گفته شده بر مبنای پارامترهایی از قبیل مدل فرآیند، تابع هزینه، فرضیات مربوط به ورودی‌های کنترل در آینده، فرضیات مربوط به سیگنال‌های مرجع، روش پیش‌بینی از یکدیگر متمایز می‌گردند.

فصل سوم در مورد مدل‌سازی بویلر و طراحی MPC خطی توضیح داده شده است. روابط مربوط به بویلر از مراجع استخراج شده اند که در آن به ارائه مدل غیرخطی سیستم پرداخته شده است. اصلی‌ترین متغیرهای خروجی که باید برای کنترل سیستم مد نظر قرار گرفته شوند، فشار بخار و سطح آب موجود در درام می‌باشند. طبق معادلات، سیستم غیرخطی بوده و به منظور کنترل سیستم با استفاده از MPC خطی، باید این سیستم حول نقطه کار سیستم خطی سازی شود. با فرض پارامترهای کنترل پیش‌بین در این حالت کنترل پیش‌بین یا MPC، سیگنال کنترل سیستم را به نحوی تنظیم می‌کند تا تابع هزینه مطرح شده می‌نیمم شود. در واقع این معادله بهینه سازی باید در هر واحد زمان نمونه برداری حل شده و به دنبال آن سیگنال کنترل سیستم تعیین شده و به سیستم اعمال شود. در این پروژه این کار با استفاده از نرم افزار متلب انجام شده است که در طی آن سیگنال کنترل به دست آمده به سیستم اعمال می‌شود. در حل مسئله بهینه سازی، کنترل پیش‌بین خطی مورد نظر از نوع MPC می‌باشد. این کنترل‌کننده در واقع از فضای حالت سیستم استفاده می‌کند. در این حالت با استفاده از فضای حالت سیستم مقادیر آینده تخمین زده شده و در ادامه کار با استفاده از نرم‌افزار متلب این مقادیر تخمین زده شده، معادله بهینه‌سازی تشکیل شده و در نهایت حل می‌شود. فرمولاسیون فضای حالت سیستم شرح داده شده و با راه حل بهینه و حل این مسئله سیگنال کنترل به دست آمده است. در ادامه شبیه سازی بدون در نظر گرفتن قید اشباع و با در نظر گرفتن قید اشباع انجام شده است که در حالت بدون اشباع ردیابی ورودی مرجع برای خروجی‌های در نظر گرفته شده با وجود اغتشاش به خوبی به دست آمده است. با محاسبات نرم مشخص شد نرم خطا در حالت با اشباع بیشتر است و سرعت ردیابی بیشتری هم نیاز دارد که سبب می‌شود نرم سرعت خطا هم در حالت با اشباع بیشتر باشد.

در نهایت در فصل چهارم نتیجه‌گیری و ارائه پیشنهادات گفته شده است.

## فصل دوم

انواع روش‌های کنترل پیش‌بین برای سیستم‌های حرارتی